

## Квадратные уравнения

$$ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0$$

$$D = b^2 - 4ac, D \geq 0$$

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a},$$

$D < 0$  если корней нет.

Теорема Виета

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}, \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}. \end{cases}$$

Разложение квадратного трехчлена

$$ax^2 + bx + c = a \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2), \text{ где } x_1, x_2 \text{- корни уравнения}$$

## Корень n-ой степени

$$\sqrt[n]{a} = b, b^n = a,$$

где  $a \geq 0, b \geq 0, n \in N, n > 1$

## Свойства корня n-ой степени

$$\sqrt[n]{ab} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}, \text{ где } a \geq 0, b \geq 0$$

$$\sqrt[np]{a^{kp}} = \sqrt[n]{a^k}, \text{ где } a \geq 0$$

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}, \text{ где } a \geq 0, b > 0$$

$$\sqrt[n]{a^n} = \begin{cases} |a|, & n\text{-четно,} \\ a, & n\text{-нечетно} \end{cases}$$

$$(\sqrt[n]{a})^k = \sqrt[n]{a^k}, \text{ где } a \geq 0$$

$$\sqrt[n]{-a} = -\sqrt[n]{a}, n - \text{нечетно}$$

$$\sqrt[n]{\sqrt[k]{a}} = \sqrt[nk]{a}, \text{ где } a \geq 0$$

$$\sqrt[m]{a^n} = \sqrt[m]{a^n}, \text{ где } a \geq 0$$

## Степени

$$a^{\frac{p}{q}} = \sqrt[q]{a^p}, \text{ где } a \geq 0, q \in N, p \in Z$$

Свойства степени (для  $n \in R, k \in R$ )

$a^0 = 1, \text{ где } a \neq 0$	$a^1 = a,$
$a^{-1} = \frac{1}{a}, \text{ где } a \neq 0$	$a^{-n} = \frac{1}{a^n}, \text{ где } a \neq 0$
$a^n \cdot a^k = a^{n+k}$	$a^n : a^k = a^{n-k}, \text{ где } a \neq 0$
$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}, \text{ где } b \neq 0$	$\left(\frac{a}{b}\right)^{-n} = \frac{b^{-n}}{a^{-n}} = \frac{b^n}{a^n}, \text{ где } a \neq 0, b \neq 0$

## Логарифм

$$\log_a b = c, a^c = b, \text{ где } a > 0, a \neq 1, b > 0$$

Основное логарифмическое тождество:  $a^{\log_a b} = b$

## Свойства логарифма

$\log_a 1 = 0$	$a^{\log_a c} = c^{\log_a a}$
$\log_a a = 1$	$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a}$
$\log_{a^k} b = \frac{1}{k} \log_a b$	$\log_a b = \frac{1}{\log_b a}$
$\log_a b^k = k \log_a b$	$\log_a b \cdot c = \log_a b + \log_a c$
$\log_{a^k} b^m = \frac{m}{k} \log_a b$	$\log_a \frac{b}{c} = \log_a b - \log_a c$

## Тригонометрия

### Тригонометрические функции основных углов

Функция	Углы				
	0°	30°	45°	60°	90°
	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$
$\sin x$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1
$\cos x$	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0
$\operatorname{tg} x$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	-
$\operatorname{ctg} x$	-	$\sqrt{3}$	1	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	0

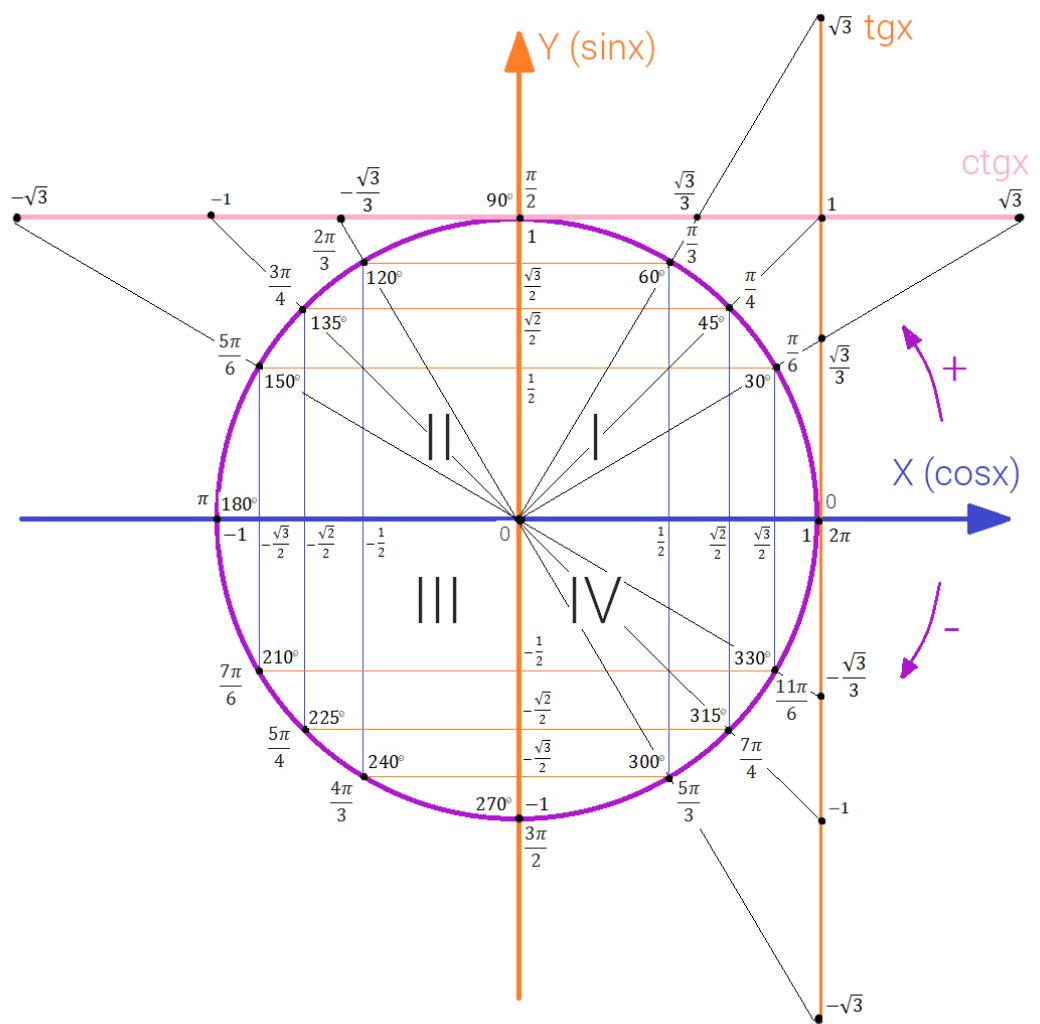
### Основные тригонометрические тождества

$\operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}$	$\operatorname{ctg} x = \frac{1}{\operatorname{tg} x} = \frac{\cos x}{\sin x}$	
$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$	$\operatorname{tg} x + 1 = \frac{1}{\cos^2 x}$	$\operatorname{ctg} x + 1 = \frac{1}{\sin^2 x}$

### Решение простейших тригонометрических уравнений

$$-1 \leq \sin x \leq 1; -1 \leq \cos x \leq 1$$

$\sin x = a, x = \begin{cases} \arcsin a + 2\pi k, & k \in \mathbb{Z} \\ \pi - \arcsin a + 2\pi k, & k \in \mathbb{Z} \end{cases}$
$\cos x = a, x = \pm \arccos a + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$
$\operatorname{tg} x = a, x = \arctg a + \pi k, k \in \mathbb{Z}$
$\operatorname{ctg} x = a, x = \operatorname{arcctg} a + \pi k, k \in \mathbb{Z}$



EASY • GAME • EXAM